

MICHAŁ TYBURSKI
Uniwersytet Wrocławski

FORMALIZACJA ROZUMOWANIA PRZYCZYNOWO-SKUTKOWEGO W LOGICE

Pragnę podziękować osobom, które miały wpływ na ostateczny kształt niniejszego tekstu: doktorowi Tomaszowi Furmanowskiemu, profesorowi Janowi Zygmuntowi, profesorowi Jackowi Hawrankowi, oraz opiniodawcy.

1. Wstęp. Przedmiotem niniejszego artykułu będzie metoda formalizacji rozumowa przyczynowo-skutkowych zaproponowana przez Raymonda Reitera¹. W pracy tej zamierzamy naświetlić problem formalizacji pewnego szczególnego przypadku rozumowa przyczynowo-skutkowych, a mianowicie rozumowa dotyczących działań i zmiany oraz zwrócić uwagę na ich aspekt predykcyjny, jak i inercyjny. W tym celu rozwiemy następujące zadanie:

Sformalizuj w logice predykatów taki oto scenariusz:

Scenariusz: Luck strzela z pistoletu do szklanej butelki. W stanie początkowym pistolet Lucka nie jest załadowany, a butelka nie jest rozbita. Założenia:

1. Luck jest strzelcem wyborowym, tzn. nigdy nie pułkuje.
2. Pistolet, którym posługuje się Luck jest niezawodny.
3. Jedynymi przyczynami zmian własności działania Lucka. Wyróżnimy trzy działania: strzelanie z pistoletu, ładowanie pistoletu¹

¹ R. Reiter: *The frame problem in the situation calculus: a simple solution (sometimes) and completeness result for goal regression*, w: *Artificial Intelligence and Mathematical Theory of Computation: Papers in Honor of John McCarthy*, Vladimir Lifschitz (red.). Academic Press, San Diego, CA, 1991, s. 359-380; R. Reiter: *Knowledge in Action: Logical Foundations for Specifying and Implementing Dynamical Systems*. The MIT Press, Cambridge, Massachusetts, London, England, 2001.

i czekanie. Wyró nimy dwie własno ci wiata, na które maj wpływ podane powy ej działania: bycie rozbitym oraz bycie załadowanym.

Oczekujemy, e w oparciu o podan formalizacj b dzie mo na udziela odpowiedzi na nast puj ce pytania:

1. Czy butelka zostanie rozbita, je li Luck wykona nast puj cy ci g działa : załaduje pistolet, odczeka chwil i wystrzeli z pistoletu? Oczekiwana odpowied : tak.

2. Czy pistolet b dzie załadowany w wyniku wykonania przez Lucka nast puj cego ci gu działa : załadowa pistolet, odczeka chwil , odczeka chwil ? Oczekiwana odpowied : tak.

3. Czy butelka zostanie rozbita po wykonaniu przez Lucka ci gu działa : odczeka chwil , odczeka chwil , załadowa pistolet? Oczekiwana odpowied : nie.

Powy sze zadanie wymaga kilku słów komentarza. Scenariusz opisuje pewn histori dotycz c inercyjnego systemu dynamicznego (dalej i. s. d.). W naszym przypadku i. s. d. jest rodowisko, w którym działa Luck. Zało ymy, e jedynymi przyczynami zmian w i. s. d. s działania agenta. Agent jest to ka da jednostka zdolna do wykonywania działania . W naszym przypadku agentem jest Luck. Własno ci i. s. d., które mog ulega zmianie w wyniku wykonania przez agenta działania w danym stanie i. s. d., b dziemy nazywa fluentami. Przez stany i. s. d. rozumiemy ci gi działa . Stan pocz tkowy jest to pusty ci g działa . Za-uwa my, e pewne fluenty pozostaj inwariantne ze wzgl du na dane działanie agenta. Przykładowo fluent *rozbita* pozostaje inwariantny ze wzgl du na działanie *ładowa* .

W wyniku aksjomatyzacji scenariusza otrzymamy teori dotycz c pewnego fragmentu historii i. s. d. w oparciu, o któr b dziemy wnioskowa o tym, jakie fluenty w i. s. d. ulegaj zmianom w wyniku wykonania przez agenta działania w danym stanie i. s. d., oraz jakie fluenty w i. s. d. nie ulegaj zmianom w wyniku wykonania przez agenta działania w danym stanie i. s. d. Innymi słowy, oddamy w logice aspekt predykcyjny oraz inercyjny rozumowa przyczynowo-skutkowych. Aksjoma-

tyzacje tego typu odgrywają ważną rolę w sztucznej inteligencji. W oparciu o nie można napisać program sztucznej inteligencji, który jest zdolny do przeprowadzenia określonego w scenariuszu rozumowania. Proces formalizacji scenariusza rozpoczniemy od opisu języka, którym będziemy się posługiwać.

2. Język rachunku stanów. Rachunek stanów² jest pewnym dialektem wielosortowej logiki drugiego rzędu i został zaprojektowany w celu modelowania systemów dynamicznych. Nie będziemy podawać dokładnej charakterystyki tego języka. Oprócz symboli spójników prawdziwościowych, nawiasów i kwantyfikatorów będziemy używać kilku charakterystycznych dla rachunku stanów symboli. Za pomocą liter s, s_1, s_2, \dots, s_n , które nazwiemy zmiennymi stanów, będziemy reprezentować stany i. s. d.. Litery a, a_1, a_2, \dots, a_n będą reprezentowały działania agenta. Nazwiemy je zmiennymi działaniami. Za pomocą liter $x, x_1, x_2, \dots, y, y_1, y_2, \dots$ będziemy reprezentować indywidua, które nie są ani działaniami, ani stanami. Litery te nazwiemy zmiennymi indywidualnymi. Stał S_0 oznaczmy stan początkowy i. s. d., który jest pustym zbiorem działań. Wyróżnimy symbol funkcyjny $do(a, s)$, gdzie a będzie działaniem, s stanem. Symbol ten oznacza wykonanie działania a w stanie s . Term stanu $do(podnosi(A), do(is)A)S_0$ oznacza cięgiem działań $[m(A), podnosi(A)]$. Jak łatwo zauważyć działania będziemy oznaczać za pomocą symboli funkcyjnych; na przykład $i(x)$, $kła$, etc. Przypominamy, że 0-argumentowy symbol funkcyjny jest stałą. Dodajmy, że na przykład w symbolu funkcyjnym $podnosi(A)$, który czytamy agent podnosi obiekt A , symbol A jest stałą indywidualną. Jak zaznaczyliśmy powyżej, własności i. s. d., które mogą ulegać zmianom

² W języku angielskim rachunek stanów to „situation calculus”. Wydawałoby się, że naturalnym tłumaczeniem tej nazwy byłby rachunek sytuacji. Zrezygnowaliśmy z tego naturalnego przekładu, ponieważ w języku polskim istnieje już ontologia sytuacji, czasami nazywana rachunkiem sytuacji, jak i teoria sytuacji. (Dokładny opis języka rachunku stanów znajduje się w pracy: R. Reiter: *Knowledge in Action: Logical Foundations for Specifying and Implementing Dynamical Systems*. The MIT Press, Cambridge, Massachusetts, London, England, 2001).

pod wpływem działania agenta, nazywamy fluentami. Wprowadzimy fluenty relacyjne, które są relacjami zależnymi od stanów i. s. d. Będziemy reprezentować je za pomocą symboli predykatowych, których ostatnim argumentem będzie term stanu. Przykładowo $załadowany(x,s)$ oznacza fluent relacyjny.

2.1 Aksjomatyczne ujęcie pojęcia stanu. Napisali my, że stany i. s. d. są to cięgi działań. Intuicję Reitera oddaje w sposób aksjomatyczny³:

- (1) $\text{Jo}(a_1, s_1) \longrightarrow (a_x = a_2 \wedge s_1 = s_2)J$;
- (2) $\text{VP}\{[P(S_0) \wedge \forall a, s(P(s) \rightarrow P(do(a,s)))] \rightarrow \forall sP(s)\}$;
- (3) $\forall s \neg (s < S_0)$;
- (4) $\forall a, s, s'(s < do(a,s')) \leftrightarrow s < s'$.

Omówimy krótko każdą z podanych powyżej aksjomatów. Aksjomat (1) formułuje warunek identyczności dla stanów. Otóż dwa stany są identyczne, gdy są identycznymi ciągami działań. Aksjomat (2) jest aksjomatem indukcji dla stanów. Powiada on, że zbiór stanów jest to najmniejszy zbiór złożony z S_0 i zamknięty na operację *do*. W aksjomatach (3) i (4) występuje symbol $<$. Jest to symbol właściwego podciągu; przykładowo wyrażenie $s < s'$ czytamy: stan s jest właściwym podciągiem stanu s' , albo inaczej stan s' jest w wyniku wykonania przez agenta odpowiedniej liczby działań osiągalny ze stanu s . Wyrażenie $s < s'$ jest skrótem wyrażenia $s < s' \vee s = s'$. Aksjomat (3) głosi, że żaden stan s nie jest właściwym podciągiem stanu S_0 . Wreszcie aksjomat (4) powiada, że stan s jest właściwym podciągiem stanu $do(a,s')$ wtedy i tylko wtedy, gdy jest on właściwym podciągiem stanu s' lub jest identyczny ze stanem s' .

³ R. Reiter: *Knowledge in Action: Logical Foundations for Specifying and Implementing Dynamical Systems*. The MIT Press, Cambridge, Massachusetts, London, England, 2001, s. 49-50.

3. Aksjomaty wstępnych warunków działania. Jak założyli my powyżej, jedynymi przyczynami zmian własności działania agenta. Poprawna aksjomatyzacja scenariusza powinna wskazywać na to, jakie działania agent może wykonać w danym stanie. Przykładowo musi ona wskazywać na to, w jakich okolicznościach agent może załadować pistolet. W związku z tym przed rozpoczęciem aksjomatyzacji działań stoi zadanie wypisania aksjomatów specyficznych warunków ich wykonalności. Spróbujmy sformułować tego typu aksjomat:

(5) Jeżeli pistolet jest załadowany, to Luck może z niego wystrzelić.

W rachunku stanów zdanie (5) zapiszemy jak następuje⁴:

(6) $\text{załadowany}(s) \text{ } \mathbb{R} \text{ } \text{Poss}(\text{strzela}, s)$.

Binarny symbol predykatowy $\text{Poss}(a,s)$ czytamy: możliwe jest wykonanie działania a w stanie s . Symbol predykatowy $\text{załadowany}(s)$ jest warunkiem wstępnym działania strzela . Zdanie (6) nie może pełnić funkcji aksjomatu warunków wstępnych działania, ponieważ jest fałszywe. Łatwo wyobrazić sobie sytuację, w której pistolet jest załadowany, ale Luck nie może z niego wystrzelić, ponieważ pistolet zepsuł się. Wydaje się, że istnieje proste rozwiązanie tego problemu polegające na wypisaniu wszystkich warunków wstępnych działania strzela . Niestety warunków tego rodzaju jest dla większości działań nieskończenie wiele:

(7) $\text{załadowany}(s) \text{ } \emptyset \text{zepsuty}(s) \text{ } \emptyset \text{znika}(s) \text{ } \emptyset \dots \longrightarrow \text{Poss}(\text{strzela}, s)$.

Problem ten niełatwo rozwiązać nawet przy założeniu, że udało nam się wypisać wszystkie warunki wstępne danego działania. Przekonuje nas o tym proste rozumowanie. Załóżmy, że udało nam się wypisać wszystkie warunki wstępne działania strzela . Załóżmy także, że w sta-

⁴ Przyjmujemy konwencję, że zmienne wolne s domyślnie związane kwantyfikatorem ogólnym.

nie poczkowym pistolet jest załadowany, symbolicznie *załadowany*(S_0). W tej sytuacji agent nadal nie jest w stanie udowodnić, że $Poss(strzela, S_0)$, ponieważ nie wie, czy pozostałe warunki wstępnego działania *strzela* są prawdziwe. Agent może obserwować środowisko i sprawdzić krok po kroku, czy pozostałe warunki są prawdziwe, ale ze względu na ilość tych warunków zadanie to trwałoby bardzo długo, a w najgorszym przypadku nie miałoby końca. Jako, że agent z reguły nie dysponuje pełną informacją o systemie, to sytuacje tego rodzaju mogłyby spowodować zablokowanie procesów decyzyjnych agenta.

Opisany problem jest nazywany w literaturze z zakresu sztucznej inteligencji problemem warunków wstępnych (*qualification problem*). Zaproponowano dwa wyjścia z tej patowej sytuacji: albo należy zrezygnować z logiki (na przykład na rzecz rachunku prawdopodobieństwa⁵), albo odpowiednio zmodyfikować lub rozszerzyć logikę dedukcyjną tak, aby przeprowadzanie rozumowania na temat warunków wstępnych było w niej wykonalne. Opowiedzenie się za drugą z tych propozycji doprowadziło do powstania logik niemonotonicznych⁶, które umożliwiają formalizację rozumowania dotyczących warunków wstępnych działań, a ogólniej pozwalają na formalizację procesu zmiany przekonania. Wróćmy do naszego przykładu w logice niemonotonicznej łatwo oddać następującą rozmowę: jeżeli dane jest, że *załadowany*(s) oraz nie jest dane, że spełniony jest co najmniej jeden z warunków uniemożliwiających wystrzelenie z pistoletu, to wnioskuje się, że $Poss(strzela, s)$. Jeżeli natomiast uzyskasz informację, że co najmniej jeden z warunków uniemożliwiających wystrzelenie z pistoletu jest spełniony, to anuluj wniosek, że $Poss(strzela, s)$. Pomimo istnienia logik niemonotonicznych, w niniejszym artykule przyjmujemy uproszczone rozwiązanie problemu warun-

⁵ J. Pearl: *Probabilistic Reasoning in Intelligent Systems: Networks of Plausible Inference*. Morgan Kaufmann Publishers, San Francisco, CA, 1988.

⁶ W artykule *Cyrkumskrypcja: formalizacja rozumowania niemonotonicznego w logice drugiego rzędu* opisuję jeden ze sposobów formalizacji rozumowania niemonotonicznego zaproponowany przez J. McCarthy'ego i V. Lifschitza (M. Tyburski: *Cyrkumskrypcja: formalizacja rozumowania niemonotonicznego w logice drugiego rzędu*, „filozofia Nauki”, w druku).

ków wst pnych. Zgodnie z teori Raymonda Reitera⁷ nie bierzemy pod uwagę warunków, które mogłyby uniemożliwić wykonanie danego działania. Dla każdego działania $A(x_1, \dots, x_n)$ podamy następujące aksjomaty warunków wst pnych działania:

$$(8) \text{Poss}(A(x_1, \dots, x_n), s) \rightarrow \text{A}(x_1, \dots, x_n, s).$$

Wyrażenie $\text{A}(x_1, \dots, x_n, s)$ jest formułą logiki pierwszego rzędu ze zmiennymi wolnymi x_1, \dots, x_n, s , w której nie występuje symbol *do*. Dla działania *strzela* otrzymujemy:

$$(9) \text{Poss}(\text{strzela}, s) \leftarrow \text{załadowany}(s).$$

4. Aksjomaty skutku działania⁸. Wiemy już, w jaki sposób będziemy aksjomatyzować warunki wstępne działań. Należy zauważyć, że niektóre działania i fluenty pozostają ze sobą w relacji przyczynowej. Przykładowo wystrzelenie z pistoletu w naszym scenariuszu powoduje rozbicie butelki. Związki tego typu będziemy aksjomatyzować przy pomocy aksjomatów skutku działania. Wyróżnimy pozytywne aksjomaty skutku działania oraz negatywne aksjomaty skutku działania. Dla każdego działania $A(x_1, \dots, x_n)$ i fluentu F pozostających ze sobą w związku przyczynowo - skutkowym istnieje pozytywny aksjomat skutku działania:

$$(10) \quad {}^+_F(t_1, \dots, t_n, \text{do}(A(x_1, \dots, x_n), s)).$$

Wyrażenie ${}^+_F$ oznacza warunek dla fluentu F , symbol $A(x_1, \dots, x_n)$ jest termem działania, a symbole t_1, \dots, t_n, s termami. Jeśli warunek ${}^+_F$ jest spełniony, to wykonanie działania $A(x_1, \dots, x_n)$ sprawia, że F staje się prawdziwe w stanie $\text{do}(A(x_1, \dots, x_n), s)$. Przykładowo załadowanie

⁷ R. Reiter: *Knowledge in Action: Logical Foundations for Specifying and Implementing Dynamical Systems*. The MIT Press, Cambridge, Massachusetts, London, England, 2001, s. 21.

⁸ Tamże, s. 20.

przez agenta pistoletu powoduje, że pistolet jest załadowany. W naszym scenariuszu mielibyśmy dla działania *ładowa* i fluentu *załadowany* następujący pozytywny aksjomat skutku działania:

$$(11) \text{załadowany}(do(\text{ładowa}, s)).$$

Podobnie dla każdego działania $A(x_1, \dots, x_n)$ i fluentu F pozostających ze sobą w związku przyczynowo-skutkowym istnieje negatywny aksjomat skutku działania:

$$(12) \neg_f \text{ } \otimes \emptyset(t_1, \dots, t_n, do(A(x_1, \dots, x_n), s)).$$

Wyrażenie \neg_f oznacza warunek dla fluentu F , symbol $A(x_1, \dots, x_n)$ jest termem działania, a symbole t_1, \dots, t_n s termami. Jeśli warunek \neg_f jest spełniony, to wykonanie działania $A(x_1, \dots, x_n)$ sprawia, że F staje się fałszywe w stanie $do(A(x_1, \dots, x_n), s)$. Przykładowo wystrzelenie przez agenta z pistoletu powoduje, że pistolet nie jest załadowany. W naszym scenariuszu mielibyśmy dla działania *strzela* i fluentu *załadowany* następujący negatywny aksjomat skutku działania:

$$(13) \emptyset \text{załadowany}(do(\text{strzela}, s)).$$

Podane przykłady mogą budzić w czytelniku wątpliwość. Dlaczego formuła (11) nie ma zgodnie z ogólną postacią aksjomatu skutku działania formy implikacji? Wyrażenie stanowi warunek zmiany wartości fluentu F . Nie zawsze tego rodzaju warunek chcemy lub możemy podać. W takiej sytuacji pomijamy go. W scenariuszu założyliśmy, że pistolet Lucka jest niezawodny i z tego powodu konsekwentnie pomijamy problem warunku zmiany wartości dla fluentu *załadowany*. Wydawałoby się, że należy aksjomat (11) zapisać jako:

$$(14) \emptyset \text{załadowany}(s) \otimes \text{załadowany}(do(\text{ładowa}, s)).$$

Nie byłby to zapis do końca poprawny, bowiem *załadowany(s)* nie jest warunkiem zmiany wartości dla fluentu *załadowany*, ale stanowi jej przez nas aksjomatycznie wstępny warunek działania *ładowa*.

5. Aksjomaty tła⁹. Wykonanie przez agenta działania, z jednej strony, prowadzi do zmiany wartości danego fluentu, z drugiej zaś strony, pewne fluenty pozostają ze względu na dane działanie inwariantne. Załadowanie pistoletu powoduje, że jest on załadowany, ale nie sprawia, że butelka zostaje rozbita. Aksjomaty, które specyfikują własności i. s. d., które są inwariantne ze względu na dane działanie nazywamy aksjomatami tła. Oto dwa przykładowe aksjomaty tła dotyczą naszego scenariusza:

(15) $\neg \text{rozbita}(s) \text{ ® } \neg \text{rozbita}(\text{do}(\text{ładowa } ,s))$;

(16) $\text{rozbita}(s) \text{ ® } \text{rozbita}(\text{do}(\text{czeka } ,s))$.

Aksjomat (15) powiada, że jeśli butelka nie jest rozbita w stanie *s*, to załadowanie pistoletu przez Lucka w stanie *s* nie powoduje, że zostaje ona rozbita. Natomiast aksjomat (16) powiada, że jeśli butelka jest rozbita w stanie *s*, to czekanie Lucka w stanie *s* nie powoduje, że przestaje ona być rozbita.

Z punktu widzenia osoby dokonującej aksjomatyzacji i. s. d. powyższy problem stanowi liczba aksjomatów tła. Liczba ta przy podanej w przykładzie formie aksjomatów szacuje się wzorem: » 2 x liczba działań x liczba fluentów¹⁰. Zadanie polegające na wypisaniu i poprawnej implementacji wszystkich aksjomatów tła jest w literaturze z zakresu sztucznej inteligencji nazywane problemem tła. Zakłada się, że rozwiązanie problemu tła powinno polegać na podaniu procedury generowania możliwej, najmniejszej liczby aksjomatów tła z aksjomatów skutku działania. Poniżej omawiamy, zaproponowane przez Reitera, rozwiązanie problemu tła umożliwiające redukcję liczby wszystkich aksjomatów występujących w teorii i. s. d. do liczby określonej wzorem: » liczba fluentów + liczba działań.

⁹ Tamże, s. 22.

¹⁰ Tamże, s. 27.

5.1 Posta normalna aksjomatów skutku działania. W rozwi zaniu problemu tła zaproponowanym przez Raymonda Reitera korzysta si z tzw. postaci normalnej aksjomatów skutku działania. Opiszemy teraz metod transformacji pozytywnych (odpowiednio negatywnych) aksjomatów skutku działania w ich posta normaln ¹¹:

Wykonuj c kroki (i) oraz (ii) dla k pozytywnych (odpowiednio negatywnych) aksjomatów skutku działania przekształcisz ka dy z tych aksjomatów w równowa ne logicznie zdanie

$$W'_F \rightarrow F\{x_p, \dots, x_n, do(a, s)\}, \quad \rightarrow F(x_p, \dots, x_n, do(a, s)y),$$

gdzie $\{f'_F$ jest formuł , w której wyst puj zmienne wolne x_p, \dots, x_n, a, s .

(i) Przekształł pozytywny (odpowiednio negatywny) aksjomat skutku działania

$$F(t_p, \dots, t_n, do(a, s)'), \quad (</>; \quad \neg F(t_p, \dots, t_n, do(a, s))),$$

gdzie a jest termem działania w równowa ne logicznie zdanie

$$a = a \rightarrow r, \quad a \dots a \%_b = t_n \wedge (j)_F \rightarrow F(x_p, \dots, x_n, do(a, s)),$$

$$(a = (ZAx_1 = t_i \quad a \dots a = t_n \wedge (j)_F \quad \neg F(x_p, \dots, x_n, do(a, sy)'), \quad \text{gdzie}$$

s nowymi zmiennymi, które s ró ne od siebie i zmiennych wyst puj cych w zdaniu

$$(j)_F \rightarrow F(t_p, \dots, t_n, do(a, s)'), \quad (<t>_F \neg F(t_p, \dots, t_n, do(a, s))). \quad (ii)$$

(ii) Załó , e zmienne s wszystkimi z wyj tkiem s zmiennymi wyst puj cymi w zdaniu

$(j)_F \rightarrow F(t_1, \dots, t_n, do(a, s)), \quad (\wedge \wedge F(t_p, \dots, t_n, do(a, s)y), a$ nast pnie przekształł zdanie

$$a = a \wedge x_i = t_i \wedge \dots \wedge x_n = t_n \wedge (j)_F \rightarrow F(x_p, \dots, x_n, do(a, s)'),$$

$$(a = ot \wedge x_i = t_i \wedge \dots \wedge x_n = t_n \wedge <j>_F \neg F(x_p, \dots, x_n, do(a, s)y)$$

w równowa ne logicznie zdanie

$$\wedge y_p, \dots, y_n, [a = a \wedge x_i = t_i \wedge \dots \wedge x_n = t_n \wedge (j)_F] \wedge F(x_p, \dots, x_n, do(a, sy),$$

¹¹ Tam e, s. 29 - 20.

$$(3y_1, \dots, y_B [a = a \wedge x_1 \wedge \dots \wedge x_n, = t_n \wedge 0_f] \rightarrow \neg iF(x_1, \dots, x_n, do(a, s))).$$

Otrzymane w ten sposób aksjomaty

$$\rightarrow F(x_1, \dots, x_n, do(a, s)) \wedge \dots \wedge A_i [f_F \quad F(x_1, \dots, x_n, do(a, s)), \\ (y_j - W(x_1, \dots, x_n, do(a, s)) \wedge \dots \wedge A_y \sim \neg iF(x_1, \dots, x_n, do(a, s))),$$

przekształć w logicznie równoważne zdanie

$$[y_r] \cdot \forall F(x_1, \dots, x_n, do(a, s)), \\ ([y^l_F \vee \dots \vee y^k_F] \rightarrow \neg iF(x_1, \dots, x_n, do(a, s'))).$$

W wyniku zastosowania powyżej opisanego procedury otrzymujemy:

Pozytywna postać normalna aksjomatu skutku działania

$$(17) \quad y_F(x_1, \dots, x_n, a, s) \rightarrow F(x_1, \dots, x_n, do(a, s)).$$

Wyrażenie $y_F(x_1, \dots, x_n, a, s)$ jest formułą pierwszego rzędu ze zmiennymi wolnymi $X^1, \dots, X^k, \dot{U}^1, \dots, \dot{U}^j$.

Negatywna postać normalna aksjomatu skutku działania

$$(18) \quad Y_F(x_1, \dots, x_n, a, s) \wedge \neg iF(x_1, \dots, x_n, do(a, s)).$$

Wyrażenie $y_F(x_1, \dots, x_n, a, s)$ jest formułą pierwszego rzędu ze zmiennymi wolnymi x_1, \dots, x_n, a, s .

Podane procedury zilustrujemy elementarnym przykładem. Dla działania *rzuca* (Luck celnie rzuca kamieniem do butelki), *strzela* i *fluently rozbija* mamy dwa aksjomaty skutku działania:

(19) $\text{rozbita}(\text{do}(\text{rzuca}, s))$

(20) $\text{rozbita}(\text{do}(\text{strzela}, s))$.

W wyniku wykonania kroków (i) oraz (ii) mamy:

(21) $a = \text{rzuca} \text{ \textcircled{R} } \text{rozbita}(\text{do}(a, s))$;

(22) $a = \text{strzela} \text{ \textcircled{R} } \text{rozbita}(\text{do}(a, s))$.

Otrzymane aksjomaty przekształcamy w logicznie równoważne ich koniunkcji zdanie:

(23) $a = \text{rzuca} \text{ \textcircled{U} } a = \text{strzela} \text{ \textcircled{R} } \text{rozbita}(\text{do}(a, s))$.

Widzimy, że dzięki wprowadzeniu dodatkowej zmiennej a oraz zastosowaniu prostego przekształcenia logicznego uzyskaliśmy redukcję liczby aksjomatów skutku działania.

5.2 Aksjomaty domknięcia. W kilku miejscach tego artykułu wspominaliśmy o założeniu, że jedynymi przyczynami zmian w i. s. d. s działania agenta. Dodatkowo przyjmujemy, że tylko określone aksjomatycznie działania są przyczynami zmian. Z punktu widzenia osoby dokonującej aksjomatyzacji scenariusza dotyczącego i. s. d. oznacza to, że aksjomaty (17) i (18) określają wszystkie związki przyczynowe dla fluentu F . Intuicyjnie ujmijmy cięle wprowadzając tzw. aksjomaty domknięcia¹²:

(24) $F(x_1, \dots, x_n, s) \text{ \textcircled{U} } F(x_1, \dots, x_n, \text{do}(a, s')) \text{ \textcircled{R} } \neg F(x_1, \dots, x_n, a, s)$,

(25) $\neg F(x_1, \dots, x_n, s) \text{ \textcircled{U} } F(x_1, \dots, x_n, \text{do}(a, s)) \text{ \textcircled{R} } F(x_1, \dots, x_n, a, s)$.

Aksjomat (24) powiada, że jeżeli wartość logiczna F jest *prawda* w stanie s oraz wartość logiczna F jest *fałsz* w stanie $\text{do}(a, s)$, bądź cym wy-

¹²Tamże, s. 31.

niem wykonania działania a , to warto ci logiczn $\neg_F(x_1, \dots, x_n, a, s)$ musiała by *prawda*. W analogiczny sposób nale y interpretowa aksjomat (25). Przykładowo, je li pistolet Lucka nie jest załadowany w stanie s , a nast pnie w wyniku wykonania przez niego działania a pistolet jest załadowany, to tym działaniem musiało by działanie *ładowa* -.

$$(26) \text{załadowany}(s) \dot{\cup} \text{załadowany}(d.o(a,s)) \textcircled{R} a = \text{ładowa} .$$

5.3 Aksjomaty jednoznaczno ci nazw działa¹³. Aby aksjomaty (24) i (25) ujmowały zaproponowane zało enie w sposób poprawny wprowadzimy aksjomaty jednoznaczno ci nazw działa . Aksjomaty te powiadaj , e ró ne nazwy działa oznaczaj ró ne działania. Dla działa A i B mamy:

$$(27) A(x_1, \dots, x_n),$$

$$(28) A(x_1, \dots, x_n) = A(y_1, \dots, y_n) \textcircled{R} x_1 = y_1 \dot{\cup} \dots \dot{\cup} x_n = y_n.$$

Aksjomat (28) powiada, e identyczne nazwy działa maj identyczne argumenty. Przykłady takich aksjomatów mog stanowi nast puj ce formuły:

$$(29) \text{strzela} = \text{ładowa} ;$$

$$(30) \text{podnosi}(x) = \text{podnosi}(y) \textcircled{R} x = y.$$

5.3 Rozwi zanie problemu tła. Aksjomaty nast pnika stanu. Wprowadzone poj cia prowadz nas do kluczowego wyniku Raymonda Reitera umo liwiaj cego cz ciowe rozwi zanie problemu tła¹⁴.

Twierdzenie (Reiter)¹⁵: Niech T b dzie teorii pierwszego rz du, z której wynika, e $\emptyset \nexists x_1, \dots, x_n, a, s(\textcircled{+}_F(x_1, \dots, x_n, a, s) \dot{\cup} \neg_F(x_1, \dots, x_n, a, s))$.

¹³ Tam e, s. 31.

¹⁴ Jest ono cz ciowe, poniewa dotyczy tylko działa deterministycznych. Wi cej na ten temat piszemy w paragrafie 7.

¹⁵ Tam e, s. 31.

Wówczas z teorii T wynika, że aksjomaty (17) i (18) wraz z aksjomatami (24) i (25) są logicznie równoważne zdaniu

(31)

$$F(x_1, \dots, x_n, do(a,s)) \ll \bigwedge_F(x_1, \dots, x_n, a,s) \dot{\cup} F(x_1, \dots, x_n,s) \dot{\cup} \bigvee_F(x_1, \dots, x_n,a,s).$$

Podane powyżej twierdzenie wymaga kilku słów komentarza. Gdyby z teorii T nie wynikało, że

$$\bigvee_F(x_1, \dots, x_n, a,s) \dot{\cup} \bigwedge_F(x_1, \dots, x_n, a, s),$$

to dla stałych X_1, \dots, X_n, A, S mielibyśmy $\bigwedge_F(X_1, \dots, X_n, A, S)$

oraz $\bigvee_F(X_1, \dots, A, S)$. Wówczas w oparciu o aksjomaty (17) i (18)

łatwo udowodnić, że $F(X_1, \dots, X_n, do(A,S))$ oraz $\bigvee F(X_1, \dots, X_n, do(A,S))$.

Zdanie (31) będziemy nazywać aksjomatem następnika stanu. Aksjomat ten specyfikuje wszystkie związki przyczynowe między działaniem a i fluentem F . Jako, że jest on równoważny logicznie koniunkcji aksjomatów (17), (18), (24) oraz (25) to aksjomaty te będziemy pomijać. W związku z tym nasza aksjomatyzacja i. s. d. będzie składać się z aksjomatów następnika stanu, aksjomatów wstępnych warunków działania oraz aksjomatów jednoznaczności nazw działań. Jeśli dla każdego fluentu F podamy aksjomat następnika stanu, a dla każdego działania aksjomat warunków wstępnych działania, to pomijając aksjomaty jednoznaczności nazw działań liczba aksjomatów w teorii dotyczącej danego scenariusza i. s. d. będzie określona wzorem: \sim liczba działań + liczba

fluentów¹⁶.

6. Aksjomatyzacja scenariusza. Przejdziemy teraz do aksjomatyzacji podanego w paragrafie pierwszym scenariusza. Zgodnie z nim wyróżniamy działania *strzela* (Luck strzela z pistoletu), *ładowa* (Luck ładuje pistolet), *czeka* (Luck czeka) oraz fluenty *rozbitaty* (Butelka jest rozbita w stanie s), *załadowanyty* (Pistolet Lucka jest załadowany w stanie 5). Zaczniemy od wypisania aksjomatów warunków wstępnych działania:

¹⁶Tamże, s. 34.

Aksjomaty warunków wstępnych działania

- (32) $Poss(strzela, s) \ll załadowany(s)$,
 (33) $Poss(ładowa, s) \ll \emptyset załadowany(s)$,
 (34) $Poss(czeka, s) \ll prawda$.

Następnie podamy aksjomaty skutku działania, ich postaci normalnej oraz aksjomaty następnika stanu:

Aksjomaty skutku działania

- (35) $załadowany(do(ładowa, s))$,
 (36) $rozbita(do(strzela, s))$,
 (37) $\emptyset załadowany(do(strzela, s))$.

Postać normalna aksjomatów skutku działania

- (38) $a = ładowa \text{ } \textcircled{R} \text{ } załadowany(do(a, s))$,
 (39) $a = strzela \text{ } \textcircled{R} \text{ } \emptyset załadowany(do(a, s))$,
 (40) $a = strzela \text{ } \textcircled{R} \text{ } rozbita(do(a, s))$,
 (41) $fałsz \text{ } \textcircled{R} \text{ } \emptyset rozbita(do(a, s))$.

Aksjomaty następnika stanu

- (42)
 $załadowany(do(a, s)) \ll a = ładowa \text{ } \dot{\cup} \text{ } załadowany(s) \dot{\cup} a = strzela$,
 (43) $rozbita(do(a, s)) \ll a = strzela \text{ } \dot{\cup} \text{ } rozbita(s)$.

Określimy stan początkowy i. s. d.:

- (44) $\emptyset załadowany(S_0)$,
 (45) $\emptyset rozbita(S_0)$.

Wreszcie podamy aksjomaty jednoznaczności nazw działań :

(46) *strzela* = *ładowa* ,

(47) *strzela* = *czeka* ,

(48) *czeka* = *ładowa* .

W rezultacie otrzymujemy teori i. s. d., która mo e pełni rol czego w rodzaju dedukcyjnego symulatora i. s. d.. Przykładowo w oparciu o podan aksjomatyk jest dowodliwe, e załadowanie pistoletu, odczekanie chwil , a nast pnie wystrzelenie z pistoletu doprowadzi do rozbicia butelki, symbolicznie:

(49) *rozbita*(*do* (*strzela* ,*do*(*czeka* ,*do*(*ładowa* , So))))).

Przekonuje nas o tym nast puj cy dowód:

W oparciu o (42) dowodliwe jest, e:

(50) *załadowany*(*do*(*ładowa* , So)).

W oparciu o (42), (50) oraz aksjomaty jednoznaczności nazw działa dowodliwe jest, e:

(51) *załadowany*(*do*(*czeka* ,*do*(*ładowa* , So))))).

W oparciu o (43) dowodliwe jest, e:

(49) *rozbita*(*do*(*strzela* ,*do*(*czeka* ,*do*(*ładowa* , So))))).

Powy szy dowód pokazuje, e istnieje taki ci g działa , e wykonanie go przez agenta spowoduje rozbicie butelki. W analogiczny sposób da si rozstrzygn odpowiedzi na pytania 2 i 3 podane w scenariuszu. Zauwa my, e w dowodzie zdania (49) przyj li my domy lnie, e dany ci g działa jest wykonalny. Formalnie rzecz bior c nale y zawsze sprawdzi czy dany ci g działa jest wykonalny. W tym celu korzystamy z aksjomatów warunków wst pnych działania. Przykładowo, aby

udowodni, że $\text{rozbita}(\text{do}(\text{strzela}, \text{do}(\text{czeka}, \text{do}(\text{\textit{ładowa}}, S_0))))$ należy w pierwszej kolejności dowiódć, że:

$\text{Poss}(\text{do}(\text{\textit{ładowa}}, S_0)) \cup \text{Poss}(\text{do}(\text{czeka}, \text{do}(\text{\textit{ładowa}}, S_0))) \cup \text{Poss}(\text{do}(\text{strzela}, \text{do}(\text{czeka}, \text{do}(\text{\textit{ładowa}}, S_0))))^{17}$.

7. Uwagi końcowe. W niniejszym artykule przedstawiliśmy metodę formalizacji rozumowania przyczynowo - skutkowego w rachunku stanów Raymonda Reitera, a w szczególności opisaliśmy, zaproponowane przez niego, rozwiązanie problemu tła. Podejście to jest rozwiązaniem częściowym z kilku powodów.

Po pierwsze, w podanej przez nas aksjomatyzacji i. s. d. wpływ danego działania na dany fluent jest wyznaczony w sposób jednoznaczny. Innymi słowami zaproponowana aksjomatyzacja jest teorią deterministycznego systemu dynamicznego. Odzwierciedleniem tego faktu w naszym scenariuszu jest założenie, że Luck zawsze trafia do celu. Jest ono z pewnością nierealistyczne, ponieważ nawet wyborowy strzelec nie zawsze trafia do celu. Działanie *strzela* ma charakter niedeterministyczny. Bliższe prawdziwe aksjomaty skutku działania mogłyby wyglądać następująco:

(52) $\text{rozbita}(\text{do}(\text{strzela}, s)) \vee \text{\textit{rozbita}}(\text{do}(\text{strzela}, s))$.

Po drugie, w przedstawionym rozwiązaniu problemu tła występują tylko działania atomowe, tzn. takie działania, które nie są działaniami złożonymi. Tymczasem w rozumowaniach przyczynowo - skutkowych istotną rolę odgrywają działania złożone. Przykład takiej czynności stanowi działanie warunkowe:

(53) If *załadowany*, then *strzela* else *ładowa* endif.

Po trzecie, nasza aksjomatyzacja zakłada, że znany jest stan początkowy i. s. d.. Niestety w większości przypadków agent nie dysponuje pełną informacją na temat stanu początkowego tego rodzaju systemu.

¹⁷Tamże, 38.

Po czwarte, założyli my, że jedynymi przyczynami zmian w systemie dynamicznym są działania agenta. W rzeczywistym świecie zmiany wywołują nie tylko działania agentów, ale i prawidłowo ci przyrodnicze¹⁸.

Istnieje z pewnością jeszcze wiele trudności, którym podana aksjomatyzacja nie jest w stanie sprostać. Należy jednak zaznaczyć, że istnieją propozycje dotyczące rozwiązania wyłożonych powyżej *explicit* problemów¹⁹. W ramach omawianego tu podejścia zaproponowano pewne rozszerzenia rachunku stanów, które umożliwiają aksjomatyzację scenariuszy dotyczących niedeterministycznych systemów dynamicznych, działających w warunkach niepełnej informacji o stanie początkowym i. s. d. oraz zmian wywoływanych przez prawidłowo ci przyrodnicze.

Summary

We discuss Reiter's formalization method of causal reasoning and his partial solution of the frame problem. In paragraph one, simple, causal reasoning scenario is presented. In paragraph two, language of situation calculus is discussed. In paragraph three, both action precondition axioms and the qualification problem for actions are analyzed. In paragraph four, we introduce effect axioms. In paragraph five, not only frame axioms but the frame problem is presented as well. Next, explanation closure axioms, unique names axioms for actions and a partial solution to the frame problem are given. Paragraph six contains formalization of scenario described at the beginning of the article. Finally, comments about limitations of the presented method are made.

Key words: causal reasoning, Reiter's solution of the frame problem.

¹⁸Tamże, s. 35.

¹⁹R. Reiter: *Knowledge in Action: Logical Foundations for Specifying and Implementing Dynamical Systems*. The MIT Press, Cambridge, Massachusetts, London, England, 2001.